

Soit le plan  $P$  passant par le point  $A(-2; -9; -3)$  et dirigé par les vecteurs  $\vec{u}(-2; 5; -9)$  et  $\vec{v}(2; 6; -8)$ .

Choisir une représentation paramétrique du plan  $P$ :

$\begin{cases} x = -9 + 5s + 6t \\ y = -3 - 8t - 9s \\ z = -2 + 2t - 2s \end{cases}, s, t \in \mathbb{R}$

$\begin{cases} x = -3 - 8t - 9s \\ y = -2 + 2t - 2s \\ z = -9 + 5s + 6t \end{cases}, s, t \in \mathbb{R}$

$\begin{cases} x = -2 + 2t - 2s \\ y = -3 - 8t - 9s \\ z = -9 + 5s + 6t \end{cases}, s, t \in \mathbb{R}$

$\begin{cases} x = -2 + 2t - 2s \\ y = -9 + 5s + 6t \\ z = -3 - 8t - 9s \end{cases}, s, t \in \mathbb{R}$

Une représentation paramétrique du plan est de la forme

$$\begin{cases} x = x_A + x_u s + x_v t \\ y = y_A + y_u s + y_v t \\ z = z_A + z_u s + z_v t \end{cases}$$

le dernier système s'écrit

$$\begin{cases} x = -2 - 2s + 2t \\ y = -9 + 5s + 6t \\ z = -3 - 9s - 8t \end{cases}$$

Or  $A(-2; -9; -3)$

et  $\vec{u}\begin{pmatrix} -2 \\ 5 \\ -9 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v}\begin{pmatrix} 2 \\ 6 \\ -8 \end{pmatrix}$  donc il

correspond à une représentation paramétrique du plan  $P$ .

Valider ✓

Cochez le ou les point(s) appartenant au plan  $P$ .

1

$C(-10; -11; -22)$

On prend la représentation paramétrique de  $P$  et on remplace  $x, y, z$  par les coordonnées de  $C$ .

2

$D(-8; -27; 4)$

$$\begin{cases} -10 = -2 - 2s + 2t \\ -11 = -9 + 5s + 6t \\ -22 = -3 - 9s - 8t \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2s + 2t = -8 \\ 5s + 6t = -2 \\ -9s - 8t = -19 \end{cases}$$

On renvoie à la calculatrice (application PolySimult2) ce système de 3 équations à 2 inconnues.

$$\left[ \begin{array}{cc|c} -2 & 2 & -8 \\ 5 & 6 & -2 \\ -9 & -8 & -19 \end{array} \right]$$

Il n'y a pas de solution donc  $C \notin P$ .

3

$E(2; -8; -19)$

4

$B(0; -58; 74)$

1

2

3

4

On recommence avec  $D$  - On recommence

$$\begin{cases} -2s + 2t = -2 - 8 = -6 \\ 5s + 6t = 9 - 27 = -18 \\ -9s - 8t = 3 + 4 = 7 \end{cases}$$

pas de solution

$$\begin{cases} -2s + 2t = 2 + 2 = 4 \\ 5s + 6t = 9 - 8 = 1 \\ -9s - 8t = 3 - 19 = -16 \end{cases}$$

pas de solution

Valider ✓

Suivant ►

et avec  $B$ :  $\begin{cases} -2s + 2t = 2 + 0 = 2 \\ 5s + 6t = 9 - 58 = -49 \\ -9s - 8t = 3 + 74 = 77 \end{cases}$  il y a une solution donc  $B \in P$